Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце:

ФИО: Комин Андрей Эдуминти СТЕРСТВО НАУКИ И ВЫС ШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ Должность: ректор ФЕДЕРАЦИИ ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ Дата подписания: 25.11.2024 01/40-47 ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ПРИМОРСКИЙ 16c6d686f0c899fdf76a1ed8b48-374bCaterenterly дата подписания и программный ключе приморский десеновательный программный ключе приморский образования и приморский образования и приморский университет»

ПРИНЯТО на заседании Ученого Совета ФГБОУ ВО Приморский ГАТУ Протокол № 17 от 26. 06. 2023 г.

УТВЕРЖДАЮ
Ректор ФГБОУ ВО Приморский ГАТУ
\_\_\_\_\_\_ А. Э. Комин
26. 06. 2023 г.

# ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО ДИСЦИПЛИНЕ ДИСКРЕТНАЯ МАТЕМАТИКА

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

(код и наименование направления подготовки)

Математика и физика

(направленность (профиль) подготовки)

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

# 1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

# Паспорт фонда оценочных средств по дисциплине (модулю)

# а. модели контролируемых компетенций

Компетенции, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля):

Код компе- тенции	Наименованиеком-	Код индикатора достижения ком-	Наименование индикаторадостижения компетенции
	Профессион	альные компетені	ции
ПК-1	Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной	ПК-1.1	Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета) Умеет осуществлять отбор
	области при решении профессиональных задач	11K-1,2	учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС
ПК-3	Способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов	ПК-3.1	Владеет способами интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)

## **b.** требование к результатам освоения дисциплины

В результате освоения дисциплины (модуля) обучающиеся должны:

# знать:

– основные понятия дискретной математики, область их применения, способы представления дискретных структур и объектов, методы решения задач дискретной математики; место дискретной математики в системе наук и область ее применения, основные дискретные объекты, способы представления и методы перечисления дискретных объектов, связи и отношения между ними.

#### уметь

- доказывать основные свойства изучаемых понятий; применять полученные теоретические знания в области дискретной математики для доказательства утверждений и решения практических задач;
- -применять полученные теоретические знания в области дискретной математики для доказательства утверждений и решения практических задач, доказывать основные свойства изучаемых понятий;

— организовывать учебный процесс с использованием возможностей образовательной среды для развития интереса к предмету в рамках урочной и внеурочной деятельности

# 2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Таблица 1 – Оценка контролируемой компетенции дисциплины (модуля)

1 400111	ица г Оценка кон	гролирусмой компетенции дисциплины (моду	7171)
<b>№</b> п/п	Код контролируе- мой компетенции (индикатора до- стижения компе- тенции)	Контролируемые результаты обучения	Наименование оце- ночного средства
1	ПК-1.1	Знать: основные понятия дискретной	Опрос (устно)
	1111 111	математики, область их применения,	Тест (письменно)
			Контрольная рабо-
		способы представления дискретных	та (письменно)
		структур и объектов, методы решения	ia (imediatino)
		задач дискретной математики; место	
		дискретной математики в системе наук	
		и область ее применения, основные	
		дискретные объекты, способы пред-	
		ставления и методы перечисления дис-	
		кретных объектов, связи и отношения	
		между ними	
2	ПК-1.2	Уметь: доказывать основные свойства изучаемых понятий; применять полученные теоретические знания в области дискретной математики для доказательства утверждений и решения практических задач; -применять полученные теоретические знания в области дискретной математики для доказательства утверждений и решения практических задач, доказывать основные свойства изучаемых понятий	Тест (письменно)
4	ПК-3.1	Уметь: организовывать учебный процесс с использованием возможностей образовательной среды для развития интереса к предмету в рамках урочной и внеурочной деятельности	Тест (письменно)

Таблица 2 — Критерии и шкалы для оценки уровня сформированности компетенции в ходе освоения дисциплины

Показате-	Критерии оценки уровня сформированности компетенции ПК-1.1, ПК-1.2, ПК-3.1			
ли оцени-	Неудовлетворительно,	Удовлетворительно,	Хорошо / за-	Отлично / зачтено
вания	Не зачтено	зачтено	чтено	Отлично / зачтено
«Знать»	Уровень знаний ниже	Минимально допу-	Уровень зна-	Уровень знаний в
	минимально допусти-	стимый уровень	ний в объеме,	объеме, соответ-
	мых требований;	знаний; допущено	соответствую-	ствующем про-
	имеют место грубые	множество негру-	щем програм-	грамме; без оши-
	ошибки	бых ошибок	ме; допущено	бок
			несколько не-	
			грубых ошибок	
«Уметь»	Не продемонстриро-	Продемонстрирова-	Продемонстри-	Продемонстриро-

Показате-	Критерии оценки уров	ня сформированности в	сомпетенции ПК-1	.1, ПК-1.2, ПК-3.1
ли оцени-	Неудовлетворительно,	Удовлетворительно,	Хорошо / за-	Отлично / зачтено
вания	Не зачтено	зачтено	чтено	Отлично / зачтено
	ваны некоторые ос-	ны основные уме-	рованы все ос-	ваны все основ-
	новные умения. Име-	ния. Выполнены все	новные уме-	ные умения, не-
	ют место грубые	задания, но не в	ния. Решены	которые – на
	ошибки.	полном объеме.	все основные	уровне хорошо
			задачи с негру-	закрепленных
			быми ошибка-	навыков. Выпол-
			ми. Выполнены	нены все задания
			все задания, в	в полном объеме,
			полном объеме,	без недочетов.
			но некоторые с	
			недочетами.	
Характе-	Компетенция в пол-	Сформированность	Сформирован-	Сформирован-
ристика	ной мере не сформи-	компетенции соот-	ность компе-	ность компетен-
сформиро-	рована. Имеющихся	ветствует мини-	тенции в целом	ции полностью
ванности	знаний и умений не-	мальным требовани-	соответствует	соответствует
компетен-	достаточно для реше-	ям. Имеющихся	требованиям.	требованиям.
ции	ния практических	знаний и умений в	Имеющихся	Имеющихся зна-
	профессиональных	целом достаточно	знаний и уме-	ний и умений и
	задач	для решения стан-	ний в целом	мотивации в
		дартных практиче-	достаточно для	полной мере до-
		ских профессио-	решения стан-	статочно для ре-
		нальных задач, но	дартных прак-	шения сложных
		требуется дополни-	тических про-	практических
		тельная практика по	фессиональных	профессиональ-
		большинству прак-	задач	ных задач
***		тических задач		
Уровень				
сформиро-	TT ~	п .		n v
ванности	Низкий	Пороговый	Базовый	Высокий
компетен-				
ЦИИ				
Сумма	0 – 60	61 FE	76 – 85	04 100
баллов (Б)**	U – 0U	61 – 75	/0-85	86 – 100

<sup>\* –</sup> Оценивается для каждой компетенции отдельно.

# 3. Методические материалы, определяющие процедуру оценивания знаний, умений и опыта деятельности, характеризующие этапы формирования компетенций

**Промежуточная аттестация качества** подготовки обучающихся по дисциплине (модулю) «Практикум по решению задач государственной итоговой аттестации по математике» проводится в соответствии с локальными нормативными актами и является обязательной, предназначена для определения степени достижения учебных целей по дисциплине и проводится в форме зачета в 9 семестре.

Обучающиеся готовятся к экзамену самостоятельно. Подготовка заключается в изучении программного материала дисциплины с использованием личных записей, сделанных в рабочих тетрадях, и рекомендованной в процессе изучения дисциплины литературы. При необходимости обучающиеся обращаются за консультацией к преподавателю, ведущему данную дисциплину.

<sup>\*\*—</sup> Суммируется балл по показателям оценивания «знать» и «уметь»; при этом соотношение компонентов компетенции в общей трудоемкости дисциплины «знать» / «уметь» составляет 40 / 60.

Форма проведения промежуточной аттестации для обучающихся инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья выбирается с учетом индивидуальных психофизических особенностей (устно, письменно на бумаге, письменно на компьютере, в форме тестирования и т.п.). При необходимости обучающимся инвалидам и лицам с ограниченными возможностями здоровья предоставляется дополнительное время для подготовки ответа на экзамене / зачете.

### Методика оценивания

1) По стобалльной шкале в таблицу 4 занести баллы (Бі), полученные обучающимся в ходе освоения дисциплины. (Критерии представлены в таблице 3).

Таблица 3 – Пример расчетной таблицы итогового оценивания компетенций у обучающе-

гося по дисциплине (модулю) «Дискретная математика»

Код индикатора ком- петенции	Условное обозначение	Оценка приобретенных компетенций в баллах
ПК-1.1	Б1	76
ПК-1.2	Б2	86
ПК-3.1	Б4	76
Итого	(ΣБі)	238
В среднем	(Σ̄Бi)/ n	79

2) Определить оценку по дисциплине (модулю) по шкале соотнесения баллов и оценок (таблица 4).

Таблица 4 – Шкала измерения уровня сформированности компетенций в результате осво-

ения дисциплины (модуля) «Дискретная математика»

Итоговый балл	0-60	61-75	76-85	86-100
Оценка	Неудовлетворительно (не зачтено)	Удовлетворительно (зачтено)	Хорошо (зачтено)	Отлично (зачтено)
Уровень сформированности компетенций	TT V	Пороговый	Базовый	Высокий

Знания, умения обучающихся при промежуточной аттестации в форме зачета определяются «зачтено», «не зачтено».

«Зачтено» – обучающийся знает курс на уровне лекционного материала, базового учебника, дополнительной учебной, научной и методологической литературы, умеет привести разные точки зрения по излагаемому вопросу.

«Не зачтено» – обучающийся имеет пробелы в знаниях основного учебного материала, допускает принципиальные ошибки в выполнении предусмотренных программой заданий.

Показатели «знать», «уметь» при промежуточной аттестации в форме экзамена определяются оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», что соответствует уровням сформированности компетенций «высокий», «базовый», «пороговый», «низкий».

«Отлично» — обучающийся глубоко и прочно усвоил весь программный материал, исчерпывающе, последовательно, грамотно и логически стройно его излагает, не затрудняется с ответом при видоизменении задания, свободно справляется с задачами и практическими заданиями, правильно обосновывает принятые решения, умеет самостоятельно обобщать и излагать материал, не допуская ошибок.

«Хорошо» – обучающийся твердо знает программный материал, грамотно и по существу излагает его, не допускает существенных неточностей в ответе на вопрос, может правильно применять теоретические положения и владеет необходимыми умениями и навыками при выполнении практических заданий.

«Удовлетворительно» – обучающийся усвоил только основной материал, но не знает отдельных деталей, допускает неточности, недостаточно правильные формулировки, нарушает последовательность в изложении программного материала и испытывает затруднения в выполнении практических заданий.

«Неудовлетворительно» — обучающийся не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки, с большими затруднениями выполняет практические задания, задачи.

**Текущая аттестация обучающихся** по дисциплине (модулю) «Дискретная математика» проводится в форме контрольных мероприятий по оцениванию фактических результатов освоения дисциплины (модуля) в разрезе компетенций.

4. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений и опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

# **ТЕСТОВЫЕ ЗАДАНИЯ Дискретная математика**

- ПК-1 Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач
- ПК-1.1 Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета)

# Задание 1.

Прочитайте текст, выберите правильный вариант ответа.

Теория графов является разделом:

- 1. элементарной математики
- 2. дискретной математики
- 3. математического анализа
- 4. экономического анализа

### Ответ: 2

Обоснование: Теория графов — обширный раздел дискретной математики, в котором системно изучают свойства графов.

# Задание 2.

Прочитайте текст, выберите правильный вариант ответа.

Какой из графов нельзя начертить одним росчерком:

- 1. граф, все вершины которого четные
- 2. граф с одной нечетной вершиной
- 3. граф с двумя нечетными вершинами
- 4. граф с более, чем двумя нечетными вершинами

## Ответ: 4

Обоснование: если граф имеет более двух нечётных вершин, то его невозможно начертить одним росчерком. Это связано с тем, что для каждой нечётной вершины необходимо начинать или заканчивать движение, а так как их больше двух, то невозможно составить непрерывный маршрут, который проходил бы через все рёбра графа ровно один раз.

### Задание 3.

Прочитайте текст, выберите правильный вариант ответа.

Хроматическим числом графа называется:

- 1. число красок, необходимых для «правильной» раскраски графа
- 2. максимальное число красок, необходимых для «правильной» раскраски графа
- 3. минимальное число красок, необходимых для «правильной» раскраски графа

Ответ: 3

Обоснование: На основании определения

### Залание 4.

Прочитайте текст, выберите правильные варианты ответа.

Какое из данных выражений является высказыванием:

- 1. Как пройти в библиотеку?
- 2. Коля спросил: «Который час?»
- 3. Картины Пикассо слишком абстрактны
- 4. Компьютеры могут быть построены только на основе двоичной системы счисления

## Ответ: 3,4

Обоснование: Высказывание - это утверждение, которое может быть либо истинным, либо ложным. Высказывание обладает смыслом и может быть проверено или опровергнуто.

- 1) Предложение "Как пройти в библиотеку?" не является высказыванием, так как оно не содержит утверждения и не может быть отмечено как истинное или ложное. Это вопрос, требующий ответа или указаний, но само по себе не является утверждением.
- 2) Предложение "Коля спросил: «Который час?»" также не является высказыванием, так как оно описывает действие Коли и его вопрос, но не содержит утверждения, которое может быть проверено или опровергнуто.
- 3) Предложение "Картины Пикассо слишком абстрактны" является высказыванием, так как оно содержит утверждение о характере картин Пикассо. Это утверждение может быть принято как истинное или ложное в зависимости от точки зрения и мнения человека.
- 4) Предложение "Компьютеры могут быть построены только на основе двоичной системы счисления" также является высказыванием, так как оно содержит утверждение о возможности построения компьютеров только на основе двоичной системы счисления. Это утверждение может быть проверено и считается истинным, так как компьютеры

действительно построены на базе двоичной системы счисления.

## Задание 5.

Прочитайте текст и установите соответствие.

Установите соответствие между элементами столбцов.

Граф			Характеристика		
A	полный граф	1	схема, состоящая из изолированных вершин		
Б	нулевой граф	2	каждая пара вершин соединена хотя бы одним путем		
В	связный граф	3 связный граф, не содержащий циклов			
Γ	Эйлеров граф	4	4 каждая пара вершин соединена ребром		
		5	связный граф, содержащий путь, по которому можно		
			пройти все ребра по одному разу, выйдя из любой		
			вершины и вернувшись в нее же		

Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:

A	Б	В	Γ
4	1	2	5

## Задание 6.

Прочитайте текст и запишите ответ.

Логическая операция с использованием ключевых слов «Если...то...», называется

Ответ: импликация.

# Задание 7.

Прочитайте текст и запишите ответ.

Эйлер доказал, что задача о семи кенигсбергских мостах:

Ответ: не имеет решений

# Задание 8.

Прочитайте текст и запишите ответ.

СДН-форма не существует у формулы алгебры высказываний, если она ...

Ответ: тождественно ложная

# ПК-1.2 Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО

# Задание 9.

Прочитайте текст и запишите ответ.

Если в графе каждое ребро ориентированно (имеет начало и конец), то он называется

Ответ: орграфом

Обоснование: На основании определения

### Задание 10.

Прочитайте текст, выберите правильный вариант ответа.

Выбрать пример, не являющийся высказыванием:

1. «Откройте книгу»

2. «Волки и зайцы – дикие животные»

3. «Идёт урок информатики»

4. «Некоторые лекарства опаснее самих болезней»

Ответ: 1

Обоснование: «Откройте книгу» - это не высказывание, а просьба

# Задание 11.

Прочитайте текст, выберите правильный вариант ответа.

Какой элемент не отображается при построении дерева решений:

- 1. альтернативные решения
- 2. состояния среды
- 3. вероятности возможных исходов
- 4. направление движения

# Ответ: 4

Обоснование: При построении дерева решений отображаются альтернативные решения, состояния среды, вероятности возможных исходов

## Задание 12.

Прочитайте текст и установите соответствие.

Установите соответствие между аналитической записью и диаграммой Эйлера-Венна.

К каждой позиции, данной в левом столбце, подберите соответствующую позицию из правого столбца

Диаграмма	Аналитическая запись
A C	$\begin{array}{c c} 1 & ((A \setminus B) \setminus C) \cup ((B \cap C) \setminus A) \end{array}$

Б	2	$((C \setminus B) \setminus A) \cup ((B \cap A) \setminus C)$
В	3	$((B \backslash A) \backslash C) \cup ((A \backslash B) \backslash C) \cup (B \cap C \cap A)$
	4	$((A \setminus B) \setminus C) \cup (A \cap B \cap C)$

Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:

A	Б	В
1	2	3

# Задание 13.

Прочитайте текст и запишите ответ.

Отношение инцидентности задается на множестве:

Ответ: всех элементов графа

Обоснование: оно определяет соответствие между множеством рёбер и множеством вершин графа

## Задание 14.

Прочитайте текст, выберите правильный вариант ответа.

Если каждый элемент множества A содержится во множестве B, то множество A называется:

*Ответ:* подмножеством множества B

Обоснование: По определению

# Задание 15.

Прочитайте текст и запишите ответ.

Чему равна мощность булеана множества  $A = \{1, 2, 3, 4\}$ ?

Ответ: 16

*Обоснование:* Это следует из того, что мощность конечного булеана вычисляется по формуле  $2^n$ , где n — количество элементов множества, т.е.  $2^4=16$ 

## Задание 16.

Прочитайте текст, выберите правильные варианты ответа.

Степенью вершины графа называется:

- 1. число инцидентных ей ребер
- 2. число соседних с ней вершин
- 3. число смежных с ней вершин
- 4. число вершин в ее окружении

Ответ: 1

Обоснование: По определению

ПК-3 Способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов

ПК-3.1 Владеет способами интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)

### Задание 17.

Прочитайте текст, выберите правильный вариант ответа.

Решить рекуррентное соотношение «в замкнутой форме» - это значит:

- 1. найти сумму п первых членов рекуррентной последовательности
- 2. получить аналитическое выражение n-го члена последовательности через номер n
- 3. получить аналитическое выражение n-го члена, не зависящее от номера n
- 4. вычислить n-й член последовательности

Ответ: 2

Обоснование: По определению

### Задание 18.

Прочитайте текст и установите последовательность.

Укажите порядок применения основных тождеств алгебры множеств для доказательства тождества

$$(\overline{A \cup \overline{B}}) \cup A = B \cup A$$

- 1. закон де Моргана
- 2. закон Порецкого
- 3. закон двойного дополнения

Запишите соответствующую последовательность цифр слева направо: 132

### Задание 19.

Прочитайте текст и запишите ответ.

Как называется функция, если для любых  $X_1$ ,  $X_2$  из области определения из того, что  $y=f(x_1)$  и  $y=f(x_2)$ , следует, что  $x_1=x_2$ ?

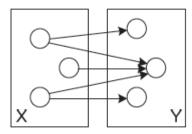
Ответ: инъекция

Обоснование: По определению

### Задание 20.

Прочитайте текст и запишите ответ.

Какая функция изображена ниже?



Ответ: сюръекция

# Задание 21.

Прочитайте текст и установите последовательность.

В каком порядке выполняются этапы построения сокращенной ДН $\Phi$  в соответствии с алгоритмом Куайна?

- 1. Получить СДНФ
- 2. Провести все операции неполного склеивания
- 3. Провести все операции поглощения.

Запишите соответствующую последовательность цифр слева направо: 123

# Задание 22.

Прочитайте текст, выберите правильный вариант ответа.

Рекуррентной называется последовательность, у которой каждый член определяется как:

- 1. некоторая функция от предыдущих членов
- 2. некоторая функция от последующих членов
- 3. некоторая числовая константа
- 4. произвольным образом

Ответ: 1

Обоснование: По определению

# Задание 23.

Прочитайте текст, выберите правильный вариант ответа.

Алгоритм Прима решает задачу:

1. нахождение остова минимального веса

- 2. укладки графа на плоскости
- 3. раскраски графа
- 4. построения в графе эйлерова цикла

# Ответ: 1

Обоснование: Алгоритм Прима — алгоритм построения минимального остовного дерева взвешенного связного неориентированного графа.

# Задание 24.

Прочитайте текст и установите соответствие.

Установить соответствие между бинарным отношением и его свойствами.

К каждой позиции, данной в левом столбце, подберите соответствующую позицию из правого столбца

бинарные отношения			свойства
A	$\langle\langle x \leq y \rangle\rangle$	1	Не рефлексивно, симметрично, не транзитивно
Б	«Подобие треугольников»	2	Рефлексивно, симметрично, транзитивно
В	«Перпендикуляр-	3	Рефлексивно, не симметрично, транзитивно
	ность плоскостей»		
		4	Рефлексивно, симметрично, не транзитивно

Запишите выбранные цифры под соответствующими буквами:

A	Б	В
3	2	1